队号

**2020年《数学建模2》课程论文**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **参赛队号** |  | | |
| **队员**  **姓名** | **1.徐文璞** | **学**  **号** | **201910412222** |
| **2.巫子彦** | **201910412218** |
| **3.黄风** | **201910412206** |

机场的出租车问题

本文旨在研究基于排队论的机场出租车调度问题。首先，本文通过对影响出租车司机决策的相关因素进行

了机理分析，综合考虑各相关因素，建立了基于排队论的司机决策模型，并给出了司机的相应选择策略。

同时，运用基于排队论的决策模型对机场出租车载客系统进行优化，得到了多点单独发车的机场载客区出

租车分配模型。最后，通过与浦东机场相关数据进行分析对比，我们的模型具有较强的合理性和指导性**。**

**关键词**

**排队论，效用函数，敏感系数，司机决策模型，机场分配模型**

**目录**

[一、问题的重述 1](#_Toc336010301)

[1.1 问题由来 1](#_Toc336010302)

[1.2 问题要求 1](#_Toc336010303)

[1.3 问题的提出 1](#_Toc336010304)

[二、问题的假设 1](#_Toc336010305)

[三、符号说明 1](#_Toc336010306)

[四、问题的分析 2](#_Toc336010307)

[五、模型的建立与求解 2](#_Toc336010308)

[5.1 问题1的分析与求解 2](#_Toc336010309)

[5.2 问题2的分析及求解 2](#_Toc336010310)

[5.3问题3 的求解 2](#_Toc336010311)

5.4问题 4 的求解..................................................................................................................2

[六、模型优缺点及其改进 2](#_Toc336010312)

**一、问题的重述**

**1.1 问题由来**

如今出租车已经成为了一个热门行业，而飞机是很多人出行的重要工具。大多数乘客下飞机后要去市区或周边的目的地，出租车是主要的交通工具之一。因此送客去机场都是很多出租车司机都会面临的工作线路，而将乘客送入机场后，国内多数机场都是将送客（出发）与接客（到达）通道分开的，出租车司机将会面临两个选择。

**1.2 问题要求**

选择（1）前往到达区排队等待载客返回市区。出租车必须到指定的“蓄车池”排队等候，依“先来后到”排队进场载客，等待时间长短取决于排队出租车和乘客的数量多少，需要付出一定的时间成本。

选择（2）直接放空返回市区拉客。出租车司机会付出空载费用和可能损失潜在的载客收益。

在某时间段抵达的航班数量和“蓄车池”里已有的车辆数是司机可观测到的确定信息。通常司机的决策与其个人的经验判断有关，比如在某个季节与某时间段抵达航班的多少和可能乘客数量的多寡等。如果乘客在下飞机后想“打车”，就要到指定的“乘车区”排队，按先后顺序乘车。机场出租车管理人员负责“分批定量”放行出租车进入“乘车区”，同时安排一定数量的乘客上车。在实际中，还有很多影响出租车司机决策的确定和不确定因素，其关联关系各异，影响效果也不尽相同。

**1.3 问题的提出**

(1) 分析研究与出租车司机决策相关因素的影响机理，综合考虑机场乘客数量的变化规律和出租车司机的收益，建立出租车司机选择决策模型，并给出司机的选择策略。

(2) 收集上海浦东机场及其所在城市出租车的相关数据，给出该机场出租车司机的选择方案，并分析模型的合理性和对相关因素的依赖性。

(3) 在某些时候，经常会出现出租车排队载客和乘客排队乘车的情况。某机场“乘车区”现有两条并行车道，管理部门应如何设置“上车点”，并合理安排出租车和乘客，在保证车辆和乘客安全的条件下，使得总的乘车效率最高。

(4) 机场的出租车载客收益与载客的行驶里程有关，乘客的目的地有远有近，出租车司机不能选择乘客和拒载，但允许出租车多次往返载客。管理部门拟对某些短途载客再次返回的出租车给予一定的“优先权”，使得这些出租车的收益尽量均衡，试给出一个可行的“优先”安排方案。

1. **问题的假设**

(1)假设每辆出租车的性能相同。  
(2)假设每个乘客进入上车点后不返回。  
(3)假设每辆出租车从接客到起步的时间相同  
(4)假设路面情况良好，司机行驶过程中无意外发生。  
(5)假设每个上车点可以显示所有上车点有无使用的信息。  
(6)假设相邻上车点的距离相等。

(7) 假设蓄车池规模无限大，允许车辆无限排队。

(8) 假设不计出租车车重变化及突发路况急刹车等特殊情况对每公里油耗的变化。

(9) 假设不考虑突发事件对乘客上车时间的影响。

(10) 假设短途返程的司机均将乘客送达目的地，不存在中途放客。

1. **符号说明**

R 出租车司机的收益 元

Rs出租车每公里收费价格 元/km

Sf 出租车载客行驶里程 km

E 空载费用 元

*Se* 出租车空载行驶里程 km

*u* 出租车每公里成本 元/km

*F* 载客费用 元

*Rq* 潜在收益 元

*El* 出租车空载率 —

*R* 载客平均收益 元

*Ct* 时间成本 元

*T* 司机平均排队接客逗留时间 h

*Rt* 出租车司机单位时间内收益 元/h

*η* 敏感系数 —

*Rs* 平均排队队长 km

*µ* 单位时间离开乘车区的辆数 辆/h

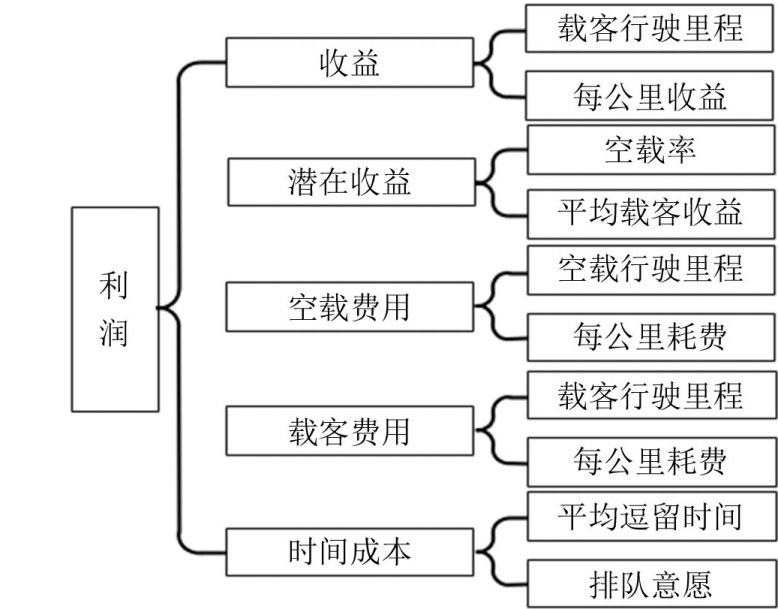
*S* 机场距离市中心的距离 km

**四、问题的分析**

4.1**对问题1的数学化描述与分析**

随着经济的不断发展，往返机场的乘客人数大幅上涨，其中大多数乘客下飞机后选择出租车作为去往目的地的主要交通工具之一。对于送客到机场的出租车司机都面临着两个亟需做出的选择。因为出租车行业主要是以营利为目的，并且由题目知道司机可以得到某时间段抵达的航班数量和“蓄车池”里已有的车辆数等信息。假设出租车司机均为理性人，他们在做出最终方案选择的时候总是追求利润最大化的，因此我们通过权衡收益和成本，建立以利润最大化为目标的决策模型。

通过机理分析，司机可以对 A、B 方案可获得利润进行判断，根据利润比较，对 A、B 方案进行决策，选择是否进入“蓄车池”。我们经过分析，得到了影响利润的主要因素包含收益和成本，此外，结合实际情况发现影响成本的主要因素有空载费用、载客费用、潜在收益和时间成本。因此将空载费用、载客费用、潜在收益、时间成本以及收益作为一级指标，又通过具体分析得到出租车司机选择的决策因子关系图，如下所示：



以下是各个决策因子的建立：

1) 收益 *R*

出租车收益 *R* 由出租车的载客行驶里程和每公里收费价格得到



其中sf（km）为出租车载客行驶里程，Rs（元/km）为出租车每公里收费价格，t1（h）为载客行驶时间。

2) 空载费用 *E*

出租车空载费用是指出租车没有搭乘乘客时行驶所消耗的费用。由于出租车在行驶过程中的最大耗费在汽油上，对于车体的损耗难以定量估计，所以出租车空载费用 *E* 为



其中Se（km）为出租车空载行驶里程，u（元/km）为出租车每公里成本，t2（h）为空载行驶时间。

3) 载客费用 *F*

出租车载客费用是指出租车在搭乘乘客时行驶所消耗的费用。同样，由于出租车在行驶过程中最大耗费在汽油上，对于车体的损耗难以定量估计，所以出租车载客费用 *F* 为



其中Sf（km）为出租车载客行驶里程，u（元/km）为出租车每公里成本。

4) 潜在收益 *Rq*

出租车在直接放空返回市区拉客的情况下可能会损失潜在的载客收益。这里我们把可能会损失的潜在的载客收益叫做潜在收益 *Rq* ，跟潜在收益紧密相连是潜在的载客可能性。而与载客可能性相关的另一个因素是空载率，空载率即为没有搭乘乘客的出租车在所有营行车中的百分比，往往出租车的空车率越大，出租车接到客的概率就越小。故潜在收益为



其中，El是出租车空载率，为载客的平均收益。

5) 时间成本 *Ct*

时间成本不仅是时间上的损失，也指在等待时间内造成的市场机会的流失。在本文的实际背景中，有时候可能会出现由于机场乘客数量较少或者乘客上车速度较慢导致的排队载客情况。此时，司机在这段等待时间中就会产生相应的时间成本。所产生的时间成本 *Ct*

数学公式如下：



其中（h）为司机平均排队接客逗留时间，Rt（元/h）为出租车司机单位时间内收益。

下面对司机平均排队接客逗留时间进行求解：

为计算司机平均排队接客逗留时间*T* 可以将出租车排队载客看作一个动态、离散、随机的排队系统。

因此我们选择使用排队论[1]对其进行求解。

1) 输入过程

我们假设蓄车池空间大小无限，允许无限排队。且出租车单独到达上车点接客。另外出租车到达蓄车池时间服从参数为 *λ* 的负指数分布，乘客上车时间(即出租车离开乘车区时间)服从参数为 *µ* 的负指数

分布。

2) 排队规则

出租车在单车道依次排队等候，先到先接客；乘客为单条排队队列候车，先到先上车。

3) 服务台

假设仅有一个上车点，即出租车为单车道依次排队等候。且乘客为单条排队队列候车，假设一辆车仅搭载一位乘客。

于是可通过建立单服务台等待制模型(即 M/M/1/∞)来求解出租车司机排队接客逗留时间*T* 。

记pn=P{L=n}（n=0，1，2...）为出租车载客系统达到平衡状态后队长 *L* 的概率分布，由于每个状态下出租车到达上车点时间都是独立的，乘客上车时间同样也是独立的，因此有λn=λ，n=0，1，2...和µn=µ，n=0,1,2,...

记由于在平稳状态下队长的分布为



其中



故



则得到平均队长



可以证明出租车司机在该排队系统中的接客逗留时间*T* 服从参数为 *µ-λ*的负指数分布，则出租车司机排队接客逗留时间*T* 概率分布为



故理论上平均逗留时间

其中 *λ* 表示单位时间平均到达蓄车池的车辆数， *µ* 表示单位时间离开乘车区的辆数。由于司机可知晓某时间段“蓄车池”里已有的车辆数以及抵达航班数量，因此司机在做出决策时，也会受到个人意愿的影响，为了综合定量、直观地描述司机个人主观判断的强弱，又由于当司机得知抵达的乘客数与“蓄车池”里已有的车辆数之比大于 1 时，司机愿意排队，则单位时间平均到达蓄车池的车辆数相对增多；反之，司机犹豫排队，则单位时间平均到达蓄车池的车辆数相对增少。因此我们通过建立关于“蓄车池”里已有的车辆数以及抵达的乘客数的效用函数 *Q* 作为排队意愿，来调节平均逗留时间所造成的损失。效用函数 *Q* 的具体数学表达式如下：



其中 *n* 为某时间段内乘客人数，*N* 为某时间段内蓄车池中已有的车辆数。

综上，我们确定在实际情况下，平均逗留时间



4.2**对问题2的数学化描述与分析**

在选择机场的过程中，我们发现上海浦东机场有着特别的优势。第一，上海作为世界一线城市，在数据整合收集的广度、深度以及频率要远远高于国内大部分城市。第二，上海浦东机场作为一个国际化大机场，有着较为完善的数据储备和较为先进的路侧交通管理模式。第三，在我们寻找到具有真实性和可靠性的资料中，上海浦东机场可获得资料量较多，所以我们选择收集上海浦东机场和其城市所在的出租车的相关数据。根据问题一中所建立的出租车司机选择决策模型，结合所给的司机选择策略、收集到的上海浦东机场 2015~2018 年各月份的旅客吞吐量、机场旅客乘坐出租车的占比、上海浦东机场距离市中心的距离以及上海市出租车市区内行驶速度与收费标准及其成本等数据

整理我们所收集的数据，根据需求进行筛选处理，得到模型所需数据。其中，结合上海出租车公司官网数据得到，上海市大部分出租车车型为桑塔纳 4000，该车使用的汽油价格约为 6.60 元/L。通过经验判断得到出租车每行驶 10 km 大约消耗汽油 1 升汽油，由此确定出租车行驶每公里的油耗成本为 0.66 元/km。结合问题一对空载和载客费用的分析得到，出租车行驶每公里费用 0.66 元。于上海市区的主干道路的限速主要为 30、40 km/h，所以我们把出租车行驶速度设为 35 km/h。计算得上海浦东机场距离市中心的距离的平均距离大于 15 公里，结合上海市出租车收费标准，为了便于计算，我们取出租车收费标准为 3.6 元/公里。

单位路程成本 *u* 0.66 元/km

出租车室内行驶速度 *v* 35km/h

平均收益 *R* 203 元

单位路程的收益 *Rs* 3.6 元/km

空载率 *El*  35%

单位时间到达蓄车池车辆数 *λ* 186.9 辆/h

单位时间的收益 *Rt* 168.29 元/km

距离市中心平均距离 *S* 47.61km

单位时间离开上车点车辆数 *µ* 187.5 辆/h

另外，根据相关资料显示，在浦东机场，一天中约有 25%的到港旅客需要乘坐出租车离开机场， 因此根据浦东机场 2015~2018 年各月份的旅客吞吐量计算得到浦东机场 2015~2018 年不同月份单位时间的旅客乘坐出租车的人数如下所示。

月\年 2015 2016 2017 2018

1 751.3350694 905.3368056 1007.867882 1010.818229

2 832.7482702 909.3611111 946.425000 1011.500000

3 870.0521647 928.3456597 996.9659722 1092.432986

4 874.3524081 946.0493056 988.7621528 1103.781424

5 876.859445 935.6090278 1004.238021 1068.331944

6 827.3371669 938.2003472 982.4967014 1083.433681

7 938.6124202 1045.614236 1088.052257 1133.036285

8 1015.183214 1079.139757 1091.601736 1153.70816

9 879.8367613 966.0607639 1007.045139 1043.68316

10 904.7989699 980.8020833 1048.741493 1099.388194

11 821.4338779 894.5414931 978.9607639 1002.738715

12 841.1434611 929.6918403 1011.835417 1045.4685765

4.3**对问题3的数学化描述与分析**

在某些时候，由于出租车数量和乘客数量的供求不平衡以及机场交通管理模式不当，容易导致“车等人”或“人等车”的现象发生。为缓解此问题，我们通过文献查阅以及资料搜集，发现常见的机场出租车接客上车点设置主要有单点依次式、多点依次发车式以及多点单独发车式这三种方式。但综合考虑资源成本以及效率，总结出适用于两条并行车道的乘车区，大致有 2 种上车点的设置方式，即两点依次发车模式以及多点单独发车模式。我们分别对这两种方式进行分析比较，得出最合理的上车点的设置方案。同时为使得乘车效率达到最高，再通过合理安排泊车位，最终通过考虑以出租车排队时长与乘客排队时长组合而成的排队系统时长最小化为目标，得出最合理的安排方案。

**五、模型的建立与求解**

**5.1 问题1的分析与求解**

根据上述决策因素的机理分析以及对各决策因子的分析，权衡收益和成本，得到利润

表达式如下：

当选择 A 方案时，司机在“蓄水池”等待载客后再返回市区，这会造成一定的时间成本。但是选择 A 方案的司机不会产生空载费用以及潜在收益的损失，故对于 A 方案的利润中 *Rq* 、*E* 均为 0，即



当选择 B 方案时，由于司机送客到机场后空车返回市区，因此基本不会造成排队现象产生时间成本，也就不会有时间成本的损失，即 *Ct* = 0 。但是司机在选择 B 方案的同时需要承担返回市区的空载成本和可能存在的潜在收益，即



由于出租车司机在选择方案的时候，总是以利润最大化为目标，因此我们通过对比在相同时间段内

方案 A、B 的利润，建立出租车司机选择决策模型 *Y* 即



为了进一步为出租车司机提出选择策略，我们对相同时间段内 A、B 方案所获得的利润做差进行研

究。

对于方案 A，在固定时间段 *t* 内的获得的利润为

****

其中，*RA* 代表选择方案 A 所产生的出租车司机的收益，*FA* 代表选择方案 A 产生的载客费用，*S fa* 代表在方案 A 条件下出租车载客行驶里程。

对于方案 B，在固定时间段 *t* 内的获得的利润为



其中，*RB* 代表选择方案 B 所产生的出租车司机的收益，*FB* 代表选择方案 B 产生的载客费用，*S fb* 代表在

方案 B 条件下出租车载客行驶里程。

两个公式可得到



其中， S=vt2b表示机场到市中心的平均距离。

由于在同一路程中所花费的成本一定小于所获得的收益，因此*T* 的系数一定小于 0，

故当



时， PA>PB，即当机场乘客数量较多且满足上述关系式时，出租车司机选择方案 A 润更大，而相反，当机场乘客数量较少时，出租车司机选择方案 B 利润更大。

**5.2 问题2的分析及求解**

根据问题一中所建立的出租车司机的决策模型，将处理后的数据带入公式(21)得到 A 方案较 B 方案的利润

****

又因为，其中，n为机场乘客数，N为蓄车池已有车辆。

化简得到



然后我们可以通过带入 2015~2018 年不同月份单位时间的旅客乘坐出租车的人数估算出不同月份单位时间的旅客乘坐出租车的人数 *n*，由于司机可以通过观测得到“蓄车池”中已有的车辆数 *N*，所以我们可以通过带入已知的 *n*，计算当 PA-PB取临界值 0 时，*N* 的取值，向该机场出租车司机提出合理的选择性方案。具体方案如下：

司机首先通过经验判断得出大致的乘客人数，然后通过选择决策模型计算得到临界的“蓄车池”车辆，当司机得到的已在“蓄车池”的车辆未超过临界值时，司机选择 A 方案，超过临界值时，则选择 B方案。如下所示是司机在指定月得到的“蓄车池”临界值，当“蓄车池”中已有的车辆数 *N* 值大于当月的临界值时，则选择方案 B，即放客后直接返回。反之，则选择方案 A，即前往“蓄车池”等待载客。

月份 临界值 月份 临界值

一月 1475.17 七月 1687.89

二月 1485.08 八月 1741.80

三月 1560.45 九月 1563.99

四月 1570.54 十月 1619.02

五月 1559.34 十一月 1484.14

六月 1537.84 十二月 1536.50

分析模型的合理性和对相关因素的依赖性

从问题一的分析得到影响决策的一级指标和二级指标，由于一级指标是通过二级指标推导得到的，这里我们进行模型对相关因素依赖性的探究。我们采取敏感性分析来探究模型对相关因素的依赖性。

操作方案如下：

1) 在不改变其他因素数据的情况下，选择一个二级指标进行改动。

2) 由于司机在做出决策时考虑的是将利润最大化，所以我们分别求出指标改动后的方案 A 利润 *PA*和方案 B 利润 *PB* 进行作差，得出方案 A 较方案 B 的利润差。

3) 计算方案 A 较方案 B 利润的相对变动，并将其与二级指标数据的相对变动做比，得到利润对该指标变动的敏感系数，推导模型对该指标的依赖性。

如下是模型对各个二级指标的依赖性探究。首先，通过参考上海浦东机场的相关数据，选取各个指标初始值如下表 5 所示：

**参数 取值(单位)**

**空载率*El* 35%**

**平均收益 *R* 203 元**

**机场距市中心平均距离 *S* 47.61 km**

**每公里耗费 *u* 0.66 元/km**

**乘客排队人数 *n* 1000 人**

**一般情况单位时间离开车辆数 *µ* 187.5 辆/h**

**蓄车池车辆 *N* 800 辆**

**单位时间的收益 *Rt* 168.29 元/km**

**出租车室内行驶速度 *v* 35 km/h**

**每公里收益 *Rs* 3.6 元/km**

**一般情况单位时间进入蓄车池车辆数 *λ* 186.9 辆/h**

以每公里收益为例，将每公里收益上调 20%后，通过司机选择决策模型分别得到 *Rs* 变动前后的方案A、B 利润，计算得到方案 A 较方案 B 利润的相对变动 *L* 为

****

其中， *PA*1 为变动后 A 方案利润， *PB*1 为变动后的 B 方案利润。

将方案 A 较方案 B 利润的相对变动 *L* 与每公里收益的相对变动 20%做比，得到方案 A 较方案 B 利润对每公里收益的敏感系数*η*

**

通过 MATLAB，求解得到方案 A 较方案 B 利润对每公里收益的敏感系数*η* 为 0.985。如下是方案 A 较方案 B 利润对各个因素的敏感系数。

**因素 敏感系数**

**车速 *v* -0.435**

**空车率 *El* 0.629**

**平均收益 *R* 0.629**

**平均逗留时间*T* -1.146**

**每公里耗费 *u* 0.098**

**载客行驶里程 *S* 1.517**

**每公里收益 *Rs* 0.985**

**单位时间收益 *Rt* -0.711**

从表中可以看出出租车在“蓄车池”平均逗留时间*T* 越长，出租车单位时间收益 *Rt*越高，车速越快，方案 A 较方案 B 的利润就越小，司机选择方案 B 的概率就越大。当载客行驶里程 *Sf* 越多，空车率 *El*越高，每公里收益 *Rs*、平均收益 *R* 越高，每公里耗费 *u* 越高，方案 A 较方案 B 的利润就越大，司机选择 A的概率就越大。其中，出租车在“蓄车池”平均逗留时间，行驶里程对司机选择方案的敏感度均较高。空车率、每公里收益、平均收益、出租车每公里、单位时间收益、车速、每公里收益对司机选择方案的敏感度均较低。此外，载客行驶里程对司机选择方案的敏感度最高，每公里收益对司机选择方案的敏感

度最低。我们可以得出司机决策对模型中的指标因素变化敏感，模型对指标的依赖性较强，说明决策模型的建立的指标选取比较合理。并且，通过实际推导，各指标对司机决策的正负影响及影响大小符合实际，模型较为合理

**5.3问题3的求解**

两点依次发车模式

两点依次发车模式的出租车接客系统是指乘车区内将两个上车点分别设置在两个车道的尽头，乘客 仅拥有一个公共排队通道，当排队结束后分别到这两个上车点上车。这样使得同一时间内发车数量增加，因此在某种情况下提高了乘车效率。但由于两点依次发车模式容易引起人车冲突，从而耽误内侧道出租车发车时间，降低乘车的总的效率。因此出于时间利用和乘客及车辆的安全考虑，两点依次发车模式并不能使得乘车效率达到最高，并存在一定的安全隐患。

多点单独发车模式

多点单独发车模式的出租车接客系统是指乘客拥仅有一个公共排队通道，但有多个上车点，且每个上车点分别对应一辆出租车，于是该模式可以看成 M/M/n 排队模型，其布局示意图如下图 4 所示。其中内车道为载客停靠车道，当出租车完成服务后，随即转至外车道驶离乘车区，无需按照依次驶离的原则，因此出租车在乘车区的等待时间仅与乘客上车时间有关，故该种模式能够减少出租车等待时间，同时由于拥有多个上车点，因此可以通过实际乘客数以及车辆数，来合理调整上车点的开放数以及对应的管理人员数，从而降低管理成本、减少资源浪费。

根据上述分析，多点单独发车模式的乘车区排队模型属于 M/M/n 排队模型。在该系统达到稳态时，*n* 个上车点并联发车，根据排队论的相关知识，得知该系统的繁忙程度



推导出 







从而求出该系统中乘客排队长度 *Ls* 的数学表达式如下



为使得总的乘车效率达到最高，需要减少乘客逗留时间(降低乘客等待用)，同时提高服务水平(降低出租车等待费用)，而服务水平与服务率 *µ* 以及服务窗口数(上车点数 *n*)有关。建立这两者的费用总和最小的优化目标，运用排队系统中的费用模型对多点单独发车模式排队系统进行优化来确定最优上车点数量。

假设乘客等待费用为C1=a x Ls，出租车等待费用C2=bn，其中a为每个乘客单位时间的等待时间成本，b为每辆出租车等待时间成本，n表示上车点数。当两者之和达到最小时，系统为最优，建立以下目标规划：





即



本文中，我们采用问题二中搜集得到的上海浦东机场出租车乘车区的乘客到达率 *λ* 与服务率 *µ* ，并 假设乘客等待费用与出租车等待费用之比为 1:400。

初始参数如下所示

***λ* (人/h) *µ* (人/h) *a*/*b***

**187.5 186.9 0.025**

利用上述费用模型对某机场的出租车排队接客系统进行优化，得到以下计算结果

模拟过程 结果 模拟过程 结果

Ls（1）-Ls（2） 3.1385 Ls（5）-Ls（6） 0.0008497

Ls（2）-Ls（3） 0.2912 Ls（6）-Ls（7） 0.0001106

Ls（3）-Ls（4） 0.03913 Ls（7）-Ls（8） 0.00001300

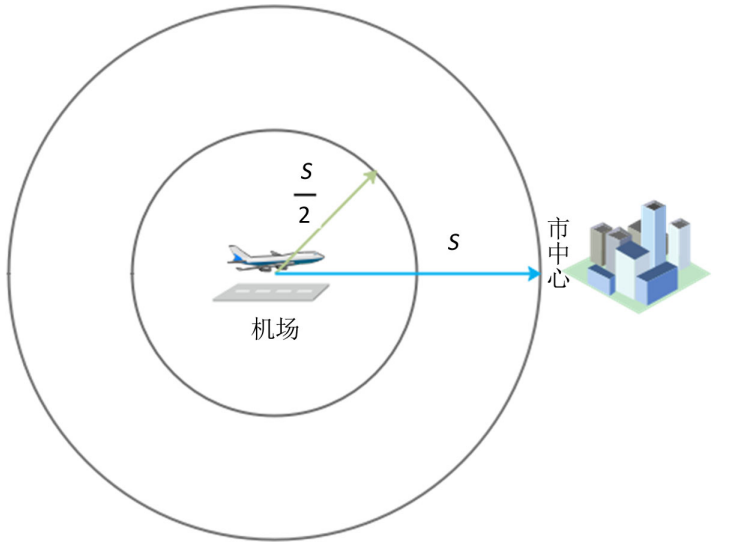
Ls（4）-Ls（5） 0.005930 Ls（8）-Ls（9） 0.000001382

由上述表 8 计算得到，当 *n* = 4 时，满足公式(30)，即此时排队接客系统达到最优，可实现总的乘客效率最高。

可知路边停车位平行式排列时，平均每辆车的占据长约 6 米，因此综上分析求解，在保证乘客以及车辆安全的情况下，管理部门应在乘车区车道靠近乘客排队一侧并排设置四个上车点，两个上车点之间的距离为 6 米，并通过单独发车的方式进行接客。

**5.4 问题4的分析及求解**

已知选择方案 A 的司机都需要经历排队，他们的时间成本相同。除此之外，他们的每公里耗费、每公里收益等指标数据也大致相同。我们以机场为圆心，以机场距离市中心的平均距离 *S* 为半径做图，如下



由于市中心人口密集，出租车需求量大，出租车司机一般更为愿意在市中心附近工作。故当司机驾驶出租车到距市中心距离小于距机场距离时，司机将不会选择返程。所以当司机接到的乘客前往的目的地属于图中半径为 *S*/2 的圆内，那么司机不但行驶的里程较短并且返程接客的意愿较大。因此当司机行驶的路程小于或等于 *S*/2，我们视作此次接客为行驶里程为短途。

为了较好的判断该出租车是否接到短途乘客，可以通过司机接到乘客离开机场到司机返回机场的时间间隔来判断。通过道路交通数据，可以知道城市道路限速 *v*，则出租车司机短程往返的限制时间 *tx* 为



当出租车往返的时间小于该限制时间，视作司机为短途返程，让他可以不用在“蓄车池”等待，直接排队进场载客。

下面以上海浦东机场为例，设计出租车短途返程“优先权”方案。

通过问题二的数据收集与处理，我们已经得到了上海浦东机场距市中心的距离约为 47.61 km。又由于越靠近市中心道路的限速越严，车速越小，越偏离市中心道路的限速越宽，车速越大。在视作出租车短途的范围内道路大都为城市道路，限速为 60 km/h 左右，故浦东机场短途司机的往返限制时间 *tx* 为

0.7935 小时。虽然在车辆行驶道路上出现行人，障碍物等影响行驶时间的可能性较小，但出于安全考虑，我们将出租车短途返程的限制时间适当调大，此时限制时间为 0.83 小时，也就是 50 分钟。

故对于上海浦东机场，为出租车短途返程设置的“优先权”方案为：当上海浦东机场的司机接到乘客后 50 分钟内返回机场，就给与他“优先权”，可以不用再“蓄车池”等待，直接进场载客。

**六、模型优缺点及其改进**

6.1.优点

1) 本文所建立的模型均参考实际机场数据进行应用，可直观通过结果检验模型是否合理。

2) 将总的乘车效率最高问题转化为乘客平均等待时长和司机等待时长之和最小的指标规划问题，把握

了主要矛盾的主要因素，舍弃了次要因素，从而简化了模型。

3) 在问题三中引入了排队论中的费用决策模型，对机场出租车接客系统进行优化，使得该系统中总的

服务效率得到提升。

6.2.缺点

1) 本文建立模型时考虑的情况皆适用于大规模机场，缺乏对机场规模较小情况的思考。

2) 在建立机场司机选择决策模型时，对于司机排队时间成本的计算固然合理，但仍有需要改进的地方。

**七、参考文献：**

[1] 姚丽君, 邵家玉. 基于地铁成本控制分析以提高运营效益的研究[J]. 科技资讯, 2010(32): 63-64.

[2] 魏中华, 王琳, 邱实. 基于排队论的枢纽内出租车上客区服务台优化[J]. 公路交通科技(应用技术版), 2017,

13(10): 298-300.

【3】吴娇蓉, 李铭, 梁丽娟. 综合客运枢纽出租车上客点管理模式和效率分析[J]. 交通信息与安全, 2012, 30(4):